LYCEE	DEVOIR DE SYNTHESE	CLASSE :4M
SECONDAIRE	N°1	PROF :MrATAOUI
DE REJICHE	MATHEMATIQUE	
A.S:07/08	Durée :3h	

Exercice 1:(2pts)

Répondre par vrai ou faux

- 1)on pose $j = e^{\frac{2\pi}{3}}$; Les racines cubiques de l'unité sont :1, j et j^2
- 2)La somme de n racines nième de l'unité est égale à1.
- 3)Toute équation de sécond dégré dans C admet deux racines égales ou conjuguées.
- 4)Toute suite géometrique est convergente.

Exercice2:(4pts)

Soit 1'equation(E): $z^2 - \sqrt{2(1+i)}z - 1 + i = 0$

- 1)Résoudre dans C l'equation (E).
- 2) Mettre sous forme trigonométrique les solutions z' et z''.
- 3)En déduire les solutions de l'equation : $z^6 \sqrt{2(1+i)}z^3 1 + i = 0$.

Exercice3:(6pts)

Soit ABC un triangle équilateral direct, Γ son cercle circonscrit de centre O.

- 1) Montrer que si une isométrie Φ laisse globalement invariant ABC alors elle fixe O.
- 2)Déterminer toutes les isométries qui laissent globalement invariant ABC.
- 3)La médiatrice de[BC]recoupe Γ en D ; on pose

$$f\!\!=\!\!S_{(BD)}oS_{(DC)}\;;\!g\!\!=\!\!S_{(AC)}oS_{(AB)}\;;\!h\!\!=\!\!t_{BC}oS_{(AD)}$$

- a)Caractériser f;g eth.
- b)Déterminer deux droites Δ et Δ ' telle que : f=S $_{\Delta}$ o S $_{(AD)}$
- et g= $S_{(AD)}$ oS Δ
- c)Caractériser fog et hog et S_(DC) of -1

Exercice4:(8pts)

Soit
$$f(x) = \frac{x^2 + 1}{x^2 + x + 1}$$
; xeIR

- 1)Dresser le tableau de variation de f ;puis tracer la courbeC def dans un repère orthonormé.
- 2)Montrer que l'equation f(x)=x admet une unique solution α dans IR ;puis vérifier que $2/3 < \alpha < 1$.
- 3)En déduire la position de Cet la droite D d'equation y=x.



